

# +18 Exam

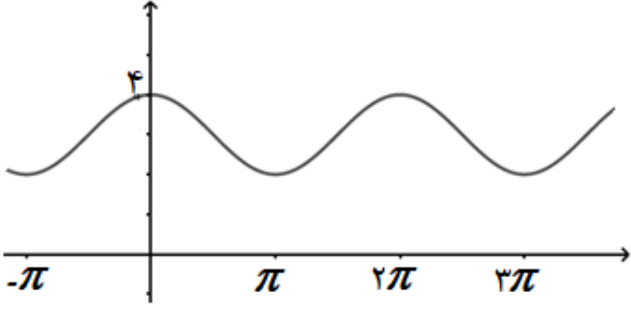
great growth

پروژه تضمینی مثبت ۱۸

پکیج تضمینی نمره +۱۸ در امتحانات خرداد

[اینجا کلیک کن](#)

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت آموزش و پرورش			
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.		
	نمره		

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) نقطه $(-۸, ۶)$ روی نمودار $y = f(x)$ با نقطه $(-۸, ۱۲)$ روی نمودار $y = \frac{1}{4}f(x)$ متناظر است. ب) نمودار تابع $y = -(x-3)^3$ را می توان با ۳ واحد انتقال نمودار $y = -x^3$ به سمت راست رسم کرد. پ) تابع $f(x) = x^2 - 4x$ روی بازه $[2, +\infty)$ اکیداً صعودی است. ت) اگر $f'(1) = 2$ و $g'(1) = -3$ باشد، حاصل $(3f + g)'(1)$ برابر ۹ است.	۱
۲	جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید. الف) اگر مقدار $a$ برابر ..... باشد، تابع $f(x) = ax + b$ هم صعودی و هم نزولی است. ب) دوره تناوب و مقدار ماکزیمم تابع $f(x) = 3\sin 2x$ به ترتیب برابر ..... و ..... است. پ) حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \left( \frac{x+1}{\tan x} \right)$ برابر ..... است. ت) اگر تابع $f$ در $x = a$ پیوسته .....، آنگاه $f$ در $x = a$ مشتق پذیر نیست.	۱/۲۵
۳	در چند جمله ای $P(x) = x^3 + ax^2 + b$ مقادیر $a$ و $b$ را چنان بیابید که باقی مانده تقسیم $P(x)$ بر $x+2$ برابر $-1$ و $P(x)$ بر $x-1$ بخش پذیر باشد.	۱/۵
۴	عبارت $\frac{x^5 + 1}{x + 1}$ را ساده کنید.	۱
۵	نمودار تابع $f(x) = a + \cos bx$ به صورت زیر است. حاصل $a + b$ را به دست آورید. $(b > 0)$ 	۱
۶	معادله مثلثاتی $\cos 2x - \cos x + 1 = 0$ را در بازه $0 \leq x \leq \pi$ حل کنید.	۱/۵
۷	الف) اگر $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ax - 3}{(2-x)^3} = +\infty$ باشد، حدود $a$ را تعیین کنید. ب) مجانب افقی تابع $f(x) = \frac{x - 4x^3}{x^3 + 5}$ را به دست آورید.	۱/۵

ادامه سؤالات در صفحه دوم

سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	ساعت شروع: ۱۰ صبح	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	نام و نام خانوادگی:
رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۱			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
------	---	------

۸	کدام شکل وضعیت نمودار تابع $f(x) = \frac{2[x]}{4-x}$ ، در نزدیکی مجانب قائم آن است؟ دلیل خود را بنویسید.	۱/۲۵
۹	معادله خط مماس بر منحنی تابع $f(x) = \sqrt[3]{x}$ را در نقطه ای به طول $x = 0$ واقع بر نمودار تابع بنویسید.	۱
۱۰	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) الف) $f(x) = \sqrt{7x}(3x^2 + 2)$ ب) $g(x) = \cos^3(2x) - \frac{1}{x}$	۲/۲۵
۱۱	با توجه به نمودار تابع $f$ ، نمودار $f'$ را با ذکر دلیل مشخص کنید.	۰/۷۵
۱۲	یک توده باکتری پس از $t$ ساعت دارای جرم $m(t) = \sqrt{t} + 2t$ گرم است. در چه لحظه ای، آهنگ رشد جرم توده باکتری برابر آهنگ تغییر متوسط آن در بازه زمانی $0 \leq t \leq 4$ می شود؟	۱/۵
۱۳	یک مستطیل در یک نیم دایره محاط شده است. اگر شعاع دایره ۴ سانتی متر باشد، طول و عرض مستطیل را طوری به دست آورید که مساحت آن بیشترین مقدار ممکن باشد.	۱/۲۵
۱۴	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 3x$ را رسم کنید.	۲/۲۵
۱۵	فرض کنید $f(x) = \frac{ax+b}{cx+d}$ ، محل تقاطع مجانب های آن، نقطه $(2, 1)$ است. اگر این تابع از نقطه $(-1, 0)$ بگذرد، ضابطه تابع را به دست آورید.	۱
۲۰	جمع نمرات	«موفق و سربلند باشید.»

باسمہ تعالیٰ

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دردی ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

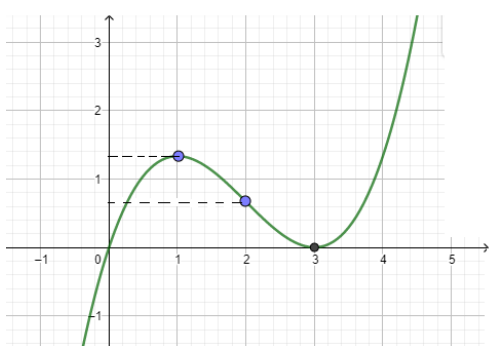
۱	الف) نادرست ص ۱۰ (ب) درست ص ۱۴ (پ) درست ص ۱۷ (ت) نادرست ص ۱۰۱ هرکدام (۰/۲۵)	۱
۱/۲۵	الف) صفر (۰/۲۵) ص ۱۶ (ب) $\pi$ و ۳ (۰/۵) ص ۲۷ (پ) صفر (۰/۲۵) ص ۵۳ (ت) نباشد (۰/۲۵) ص ۸۶	۲
۱/۵	$\begin{cases} p(-2) = -1 \\ p(1) = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4a + b = 7 \\ a + b = -1 \end{cases} \Rightarrow a = \frac{8}{3}, b = -\frac{11}{3} \quad (۰/۵)$	صفحه ۲۲ ۳
۱	$\frac{x^5 + 1}{x + 1} = \frac{(x + 1)(x^4 - x^3 + x^2 - x + 1)}{x + 1} = x^4 - x^3 + x^2 - x + 1 \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۲۰ ۴
۱	$T = 2\pi \quad (۰/۲۵) \quad b = 1 \quad (۰/۲۵) \quad a = 3 \quad (۰/۲۵) \quad a + b = 4 \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۳۴ ۵
۱/۵	$2\cos^2 x - 1 - \cos x + 1 = 0 \quad (۰/۲۵) \quad \cos x(2\cos x - 1) = 0 \quad (۰/۲۵)$ $\begin{cases} \cos x = 0 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = \frac{\pi}{2} \quad (۰/۲۵) \\ \cos x = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow x = \frac{\pi}{3} \quad (۰/۲۵) \end{cases}$	صفحه ۴۴ ۶
۱/۵	الف) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{ax - 3}{(2 - x)^2} = \frac{2a - 3}{0^-} = +\infty \quad (۰/۲۵) \Rightarrow 2a - 3 < 0 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow a < \frac{3}{2} \quad (۰/۲۵)$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x - 4x^2}{x^2 + 5} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{-4x^2}{x^2} = -4 \quad (۰/۵) \Rightarrow y = -4 \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۵۳ و ۶۹ ۷
۱/۲۵	$\lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{2[x]}{4 - x} = \frac{8}{0^+} = +\infty \quad (۰/۵)$ $\lim_{x \rightarrow 4^+} \frac{2[x]}{4 - x} = \frac{6}{0^-} = -\infty \quad (۰/۵)$	گزینه پ صحیح است. (۰/۲۵) صفحه ۵۷ ۸
۱	$f'(\infty) = m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{x} - 0}{x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} = 0 \quad (۰/۵) \quad , A(\infty, \infty) \quad (۰/۲۵)$	معادله مماس قائم: $x = 0 \quad (۰/۲۵)$ صفحه ۸۸ ۹
۲/۲۵	الف) $f'(x) = \frac{7}{2\sqrt{7x}} (3x^2 + 2) + \sqrt{7x} (6x)$ ب) $g'(x) = 3(-2\sin 2x)(\cos^2 2x) - \left(-\frac{1}{x^2}\right)$	صفحه ۹۷ ۱۰

ادامه راهنمای تصحیح در صفحه دوم

باسمه تعالی

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۱۰	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۱		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۱	گزینه ت صحیح است. (۰/۲۵) مشتق سهمی، تابع خطی (غیر ثابت) است. (۰/۲۵) چون طول نقطه مینیمم، منفی است پس $f'$ محور $x$ ها را در ناحیه $x < 0$ قطع می کند. (۰/۲۵)	صفحه ۱۰۰																																		
۱۲	$m'(t) = \frac{1}{2\sqrt{t}} + 2 \quad (۰/۵) \quad \frac{10-0}{4-0} = \frac{5}{2} \quad (۰/۵)$ $\frac{1}{2\sqrt{t}} + 2 = \frac{5}{2} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \sqrt{t} = 1 \Rightarrow t = 1 \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۱۰۹																																		
۱۳	$y^2 = 16 - x^2 \Rightarrow S(x) = 2x(\sqrt{16 - x^2}) \quad (۰/۲۵)$ $S'(x) = \frac{32 - 4x^2}{\sqrt{16 - x^2}} = 0 \quad (۰/۵) \quad x = \sqrt{4}, y = \sqrt{4}$ طول $2\sqrt{4}$ ، عرض $\sqrt{4}$ (۰/۵)	صفحه ۱۲۶																																		
۱۴	رسم نمودار (۰/۷۵) و جدول (۱) نمره $f'(x) = x^2 - 4x + 3 \quad (۰/۲۵) \quad f''(x) = 2x - 4 \quad (۰/۲۵)$ <table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>f'(x)</math></td><td>+</td><td>۰</td><td>-</td><td>-</td><td>۰</td><td>+</td></tr><tr><td><math>f''(x)</math></td><td>∩</td><td>∩</td><td>∪</td><td>∪</td><td>∪</td><td>∪</td></tr><tr><td><math>f(x)</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>\nearrow \frac{4}{3}</math></td><td><math>\searrow \frac{2}{3}</math></td><td><math>\nearrow 0</math></td><td><math>\nearrow +\infty</math></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td>Max نسبی</td><td>نقطه عطف</td><td>Min نسبی</td><td></td><td></td></tr></table> 	$x$	$-\infty$	۱	۲	۳	$+\infty$	$f'(x)$	+	۰	-	-	۰	+	$f''(x)$	∩	∩	∪	∪	∪	∪	$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow \frac{4}{3}$	$\searrow \frac{2}{3}$	$\nearrow 0$	$\nearrow +\infty$				Max نسبی	نقطه عطف	Min نسبی			صفحه ۱۳۹
$x$	$-\infty$	۱	۲	۳	$+\infty$																															
$f'(x)$	+	۰	-	-	۰	+																														
$f''(x)$	∩	∩	∪	∪	∪	∪																														
$f(x)$	$-\infty$	$\nearrow \frac{4}{3}$	$\searrow \frac{2}{3}$	$\nearrow 0$	$\nearrow +\infty$																															
		Max نسبی	نقطه عطف	Min نسبی																																
۱۵	$cx + d = 0 \Rightarrow d = -2c \quad (۰/۲۵) \quad (-1, 0) \Rightarrow \frac{-a+b}{-c+d} = 0 \Rightarrow a = b \quad (۰/۲۵)$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{ax}{cx} = 1 \Rightarrow a = c \quad (۰/۲۵) \quad f(x) = \frac{x+1}{x-2} \quad (۰/۲۵)$	صفحه ۱۴۴																																		
۲۰	در نهایت نظر همکاران محترم صائب است.																																			